

# مراجع سوالات و محتوای آموزشی

از ابتدایی تا کنوار

زبان خارجی

کامپیوتر و فناوری

[www.novinmad.ir](http://www.novinmad.ir)

[کلیک کنید]

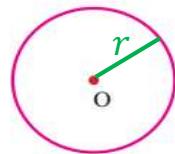


سال هشتم

## (فصل نهم)

## درسنامه و نکات کلیدی

## دایره



**دایره:** به مجموعه نقاطی که از یک نقطه مشخص (مرکز دایره)، به یک اندازه باشند.

**نکته:** دایره را اختصار به صورت  $c(o, r)$  نشان می دهند.

شعاع دایره

مرکز

## اجزای دایره:

۱) **شعاع دایره:** فاصله ای مرکز دایره تا محیط دایره را شعاع و با حرف  $r$  یا  $R$  نشان می دهند.

۲) **کمان دایره:** فاصله ای ایجاد شده روی محیط دایره را کمان و با دو حرف و سه حرف نشان می دهند.

۳) **وتر دایره:** پاره خطی که دو نقطه ای روی محیط دایره را به هم وصل کند وتر و با دو حرف نشان می دهند.

۴) **قطر دایره:** پاره خطی است که دو نقطه ای روی محیط دایره را به هم وصل می کند و از مرکز دایره می گذرد. قطر را با دو حرف نشان می دهند.

**نکته:** بزرگترین وتر دایره، قطر نام دارد. و قطر  $\geq$  شعاع است.

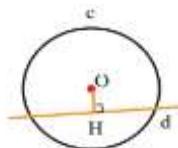
## وضعیت خط و دایره: خط و دایره دارای سه وضعیت هستند:

۱) خط ممکن است بیرون از دایره باشد. در این حالت خط و دایره نقطه مشترک(برخورد) ندارند.



(رابطه ای مقایسه شعاع با فاصله مرکز تا خط)  $r \text{ } \textcolor{red}{\textcircled{<}} \text{ } OH$

۲) خط ممکن است داخل دایره باشد. در این حالت خط و دایره دو مشترک(برخورد) دارند.



(رابطه ای مقایسه شعاع با فاصله مرکز تا خط)  $r \text{ } \textcolor{blue}{\textcircled{=}} \text{ } OH$

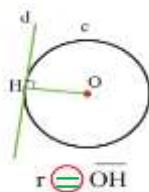
سال هشتم

(فصل نهم)

درسنامه و نکات کلیدی

## دایره

۳) خط ممکن است مماس (چسبیده) بر دایره باشد. در این حالت خط و دایره یک مشترک (برخورد) دارند.



(رابطه‌ی مقایسه شعاع با فاصله مرکز تا خط)

**نکته:** شعاع دایره در نقطه‌ی تماس بر خط مماس عمود است.

**مثال:** الف) شعاع دایره ۳ سانتی متر و فاصله‌ی مرکز تا خط ۵ سانتی متر است. خط و دایره چند نقطه‌ی مشترک دارند.

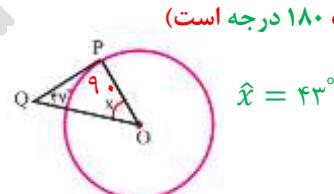
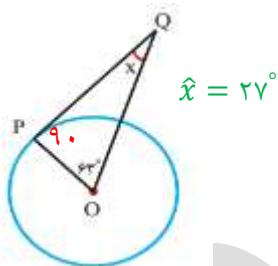
چون فاصله‌ی مرکز تا خط از شعاع دایره بیشتر است پس خط بیرون دایره قرار دارد و نقطه مشترکی ندارند.

ب) قطر دایره ۶ سانتی متر و فاصله‌ی مرکز تا خط ۳ سانتی متر است. خط و دایره چند نقطه‌ی مشترک دارند.

قطر دو برابر شعاع دایره است پس شعاع دایره برابر با ۳ سانتی متر است. چون شعاع با فاصله‌ی مرکز تا خط برابر است پس خط و دایره یک نقطه‌ی مشترک دارند.

**مثال:** با توجه به هر شکل زاویه‌ی خواسته شده چند درجه است.

(شعاع دایره در نقطه تماس بر خط مماس عمود یعنی زاویه‌ی  $90^\circ$  درجه تشکیل می‌دهد)

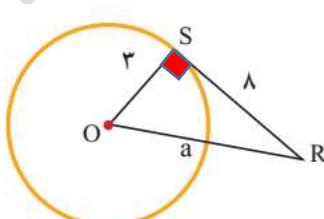


**مثال:** با توجه به هر شکل مقدار  $a$  را به دست آورید. (در مثلث قائم الزاویه برای اندازه‌ی ضلع مجهول از رابطه‌ی فیثاغورس استفاده می‌شود)

$$a^2 = 8^2 + 3^2$$

$$a^2 = 64 + 9 = 73$$

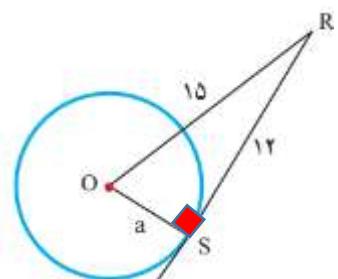
$$a = \sqrt{73}$$



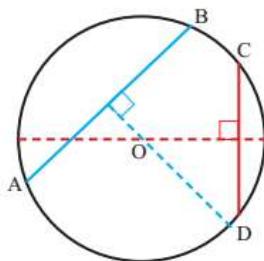
$$a^2 = 15^2 - 12^2$$

$$a^2 = 225 - 144 = 81$$

$$a = \sqrt{81} = 9$$



**پیدا کردن مرکز دایره:** ابتدا دو وتر غیر موازی رسم می‌کنیم. سپس عمودمنصف‌های آن دو وتر را رسم کرده که محل برخورد آن دو عمودمنصف مرکز دایره نام دارد.

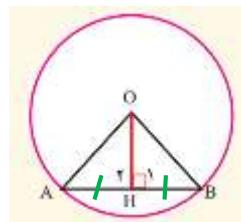


**مثال:** در یک دایره دلخواه مرکز دایره را با رسم دو وتر نشان دهید.

ابتدا دو وتر غیر موازی  $AB$  و  $CD$  را رسم می کنیم.

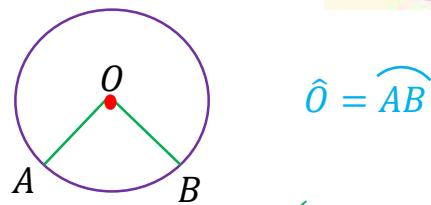
سپس عمود منصف آن دو را که با نقطه چین مشخص شده رسم می کنیم که محل برخورد دو عمودمنصف همان مرکز دایره است.

**نکته:** خطی که از مرکز بر وتر عمود باشد آن را به دو قسمت مساوی تقسیم می کند. و بر عکس خطی که از وسط وتر و مرکز دایره بگذرد، بر وتر عمود است.



$$AH = BH$$

**زاویه مرکزی:** زاویه ای است که رأس آن مرکز دایره و دو ضلع آن شعاع دایره باشد.



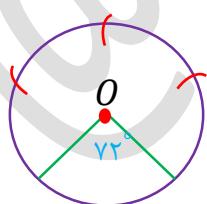
**اندازه زاویه مرکزی:** زاویه ای مرکزی برابر است با اندازه کمان روبه رو آن.

**نکته:** محیط دایره بر حسب درجه  $360^\circ$  است. و بر حسب سانتی متر  $2\pi r$  یا  $\frac{3}{14} \times \text{قطر}$  می باشد.

**نکته:** اگر دو کمان مساوی باشند و ترها نظیر آن دو کمان نیز برابرند و بر عکس.

**تقسیم دایره به کمان های مساوی:** ابتدا یک شعاع دایره رسم می کنیم سپس محیط دایره ( $360^\circ$  درجه) را بر تعداد کمان های خواسته شده تقسیم کرده، نقاله را منطبق بر شعاع گذاشته و زاویه مورد نظر را مشخص می کنیم و در آخر دهانه ی پرگار را به اندازه ی وتر ایجاد شده باز کرده روی یکی از نقاط ایجاد شده روی محیط دایره گذاشته و متوالیاً کمان می زنیم.

**مثال:** یک دایره رسم کنید و آن را به ۵ کمان مساوی تقسیم کنید.



**محاسبه طول یک کمان از دایره:** برای محاسبه طول کمان از رابطه زیر استفاده می کنیم :

$$\frac{\text{طول کمان}}{\text{محیط دایره}} = \frac{\text{اندازه کمان}}{360^\circ}$$

سال هشتم

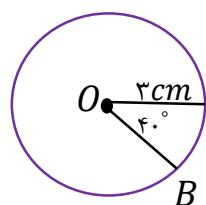
## (فصل نهم)

## دایره

## درسنامه و نکات کلیدی

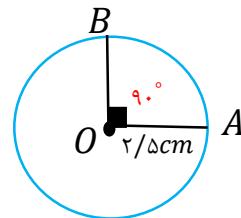
مثال: در هر شکل طول کمان  $AB$  چند سانتی متر است.

$$\text{قطر} = \text{محیط دایره} \times \frac{3}{14} = 6 \times \frac{3}{14} = 18/84$$



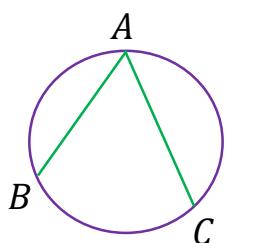
$$\frac{\frac{1}{4}\pi r^2}{\frac{360}{360}} = \frac{x}{18/84}$$

$$x = 18/84 \div 9 \approx 2/10 \text{ cm}$$



$$\frac{\frac{1}{4}\pi r^2}{\frac{360}{360}} = \frac{x}{15/7}$$

$$x = 15/7 \div 4 \approx 4 \text{ cm}$$



$$\hat{A} = \frac{\widehat{BC}}{2}$$

**زاویه محاطی:** زاویه ای است که رأس آن روی محیط دایره و دو ضلع آن وتر دایره باشد.

**اندازهٔ زاویه محاطی:** زاویه محاطی برابر است با نصف اندازهٔ کمان روبه رو آن.

**نکته:** زاویه های محاطی روبه رو به یک کمان برابرند.

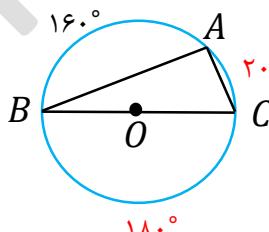
**نکته:** اندازهٔ زاویهٔ محاطی روبه رو به قطر دایره،  $90^\circ$  درجه است.

**مثال:** اندازهٔ کمان و زاویه های خواسته شده را بنویسید.

زاویه محاطی روبه رو قطر

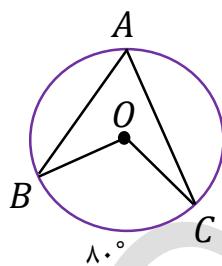
$$\hat{A} = 90^\circ$$

$$\hat{B} = 10^\circ$$



$$\widehat{AC} = 20^\circ$$

$$\hat{C} = 10^\circ$$



زاویه محاطی نصف کمان روبه رو

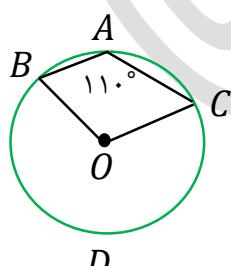
$$\hat{A} = \frac{80^\circ}{2} = 40^\circ$$

زاویه مرکزی برابر کمان روبه رو

$$\widehat{BOC} = 80^\circ$$

$$\widehat{BAC} = 360^\circ - 80^\circ = 280^\circ$$

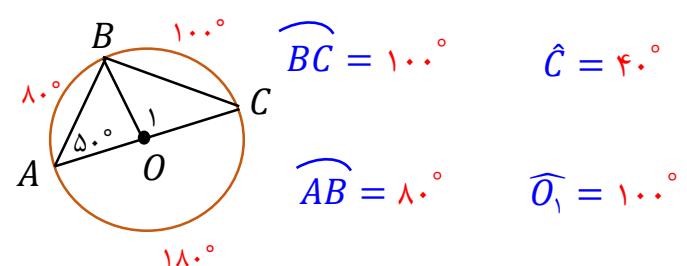
محیط دایره



$$\widehat{BDC} = 220^\circ$$

$$\widehat{BAC} = 360^\circ - 220^\circ = 140^\circ$$

$$\hat{D} = 140^\circ$$



$$\widehat{BC} = 100^\circ$$

$$\hat{C} = 40^\circ$$

$$\widehat{AB} = 80^\circ$$

$$\widehat{OC} = 100^\circ$$