

## فصل ۷

# کسر و احتمال



آیا می‌دانید؟ ۳ قسمت از ۴ قسمت سطح کره‌ی زمین را آب فرا گرفته است  
و ۲ قسمت از ۳ قسمت بدن یک انسان نیز از آب تشکیل شده است.

# مرجع سوالات و محتوای آموزشی

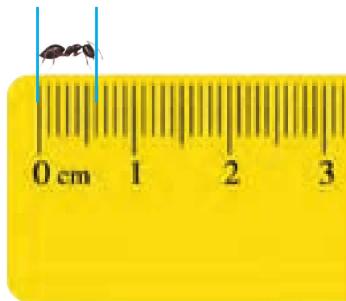
ابتدایی-دوره متوسطه اول و دوم

زبان خارجه – فناوری اطلاعات



**www.novinmad.ir**

## قسمتی از یک واحد

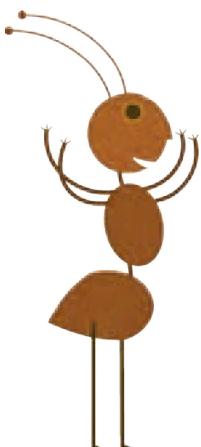


۱- در شکل روبه رو یک مورچه را می بینید که روی لبه خطا کش ایستاده است.

اندازه‌ی طول این مورچه را با کامل کردن جمله‌های زیر مشخص کنید.



### فعالیت

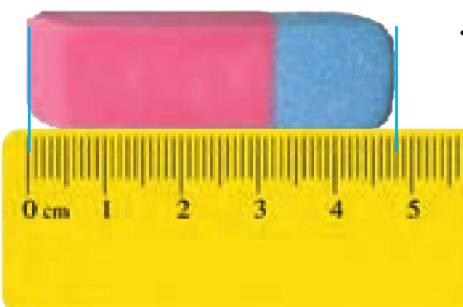


اندازه‌ی طول مورچه کمتر از ۱ سانتی‌متر است

یا اندازه‌ی طول مورچه بین ۰ و ۱ سانتی‌متر است.

اندازه‌ی طول مورچه ۰ میلی‌متر است

یا ۶ قسمت از ۱۰ قسمت کوچک است.



۲- حالا برای شکل روبه رو جمله‌ها را کامل کنید.

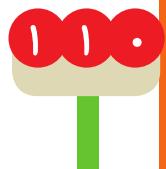
اندازه‌ی طول پاک کن از ۴ سانتی‌متر بیشتر و از ۵ سانتی‌متر کمتر است.

اندازه‌ی طول پاک کن ۴ سانتی‌متر و ۸ میلی‌متر است.

اندازه‌ی طول پاک کن ۴ سانتی‌متر و ۸ قسمت کوچک است.

### مهم

یک سانتی‌متر به ۱۰ قسمت مساوی تقسیم شده و ۶ میلی‌متر همان ۶ قسمت از ۱۰ قسمت کوچک مساوی است. به همین ترتیب مثال‌های دیگری وجود دارد که می‌توانیم قسمتی از یک واحد را به صورت بالا نشان دهیم.





۱- هر یکی را می توان به صورت یک قسمت از ۱۰ قسمت نیز نشان داد.



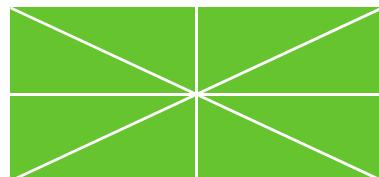
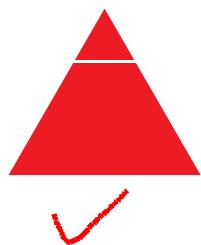
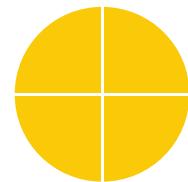
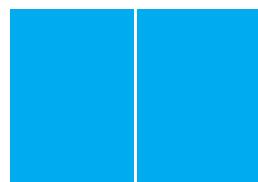
عدد ۱۳ را می توان به صورت ۱ ده تایی و ۳ ده تایی بیان کرد.

عدد ۲۷ را می توان به صورت ۲ ده تایی و ۷ ده تایی بیان کرد.

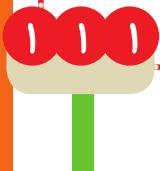
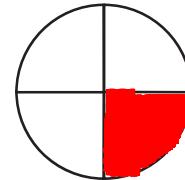
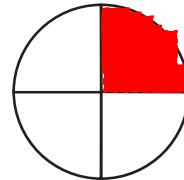
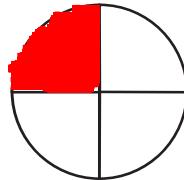
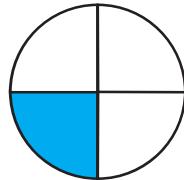
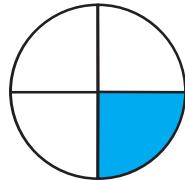
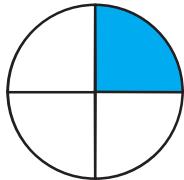
عدد ۴۵ را می توان به صورت ۴ ده تایی و ۵ ده تایی بیان کرد.

عدد ۹ را می توان به صورت ۰ ده تایی و ۹ ده تایی بیان کرد.

۲- در شکل های زیر کدام به قسمت های مساوی تقسیم نشده است؟



**الگویابی کن**



۱- شکل‌های زیر را با خط‌کش اندازه بگیرید و اندازه‌ی هر کدام را با کامل کردن جمله‌ها بیان کنید.

اندازه‌ی خط **۶** سانتی‌متر و **۷** قسمت از **۱۰** سانتی‌متر کوچک است.  
**در اینجا یعنی میلی متر**



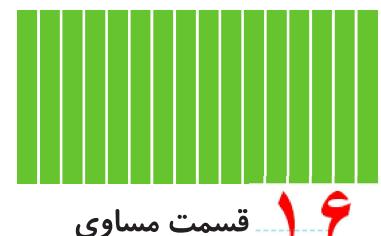
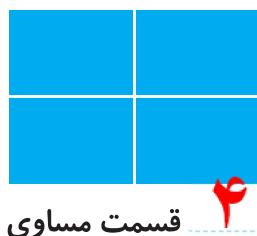
## تمرین

اندازه‌ی طول سنجاق **۴** سانتی‌متر و **۲** قسمت از **۱۰** سانتی‌متر کوچک است.



اندازه‌ی طول خودکار **۷** سانتی‌متر و **۱** قسمت از **۱۰** سانتی‌متر کوچک است.

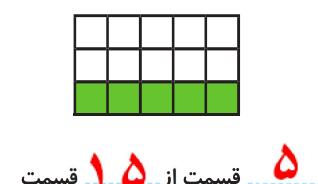
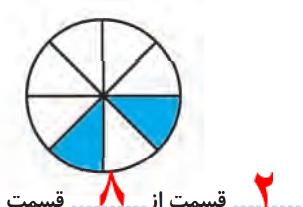
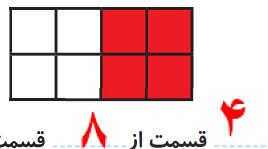
۲- کدام شکل‌ها به قسمت‌های مساوی تقسیم شده‌اند؟ زیر آن‌ها تعداد قسمت‌های مساوی را بنویسید.



۳- به تصویر صفحه‌ی اوّل این فصل نگاه کنید.

پرچم جمهوری اسلامی ایران به چند قسمت مساوی تقسیم شده است؟ **۳ قسمت مساوی**  
چند قسمت آن به رنگ سبز است؟ **یک قسمت از ۳ قسمت مساوی**  
چند قسمت آن به رنگ قرمز است؟ **یک قسمت از ۳ قسمت مساوی**

۴- مانند نمونه جمله‌ها را با نوشتن عدد مناسب کامل کنید و نشان دهید چه بخشی از شکل رنگ شده است.



# این فعالیت حتما در خانه انجام دهد

## نمایش کسرها



### ۲ قسمت

۱- یک کاغذ مربع شکل بردارید.

آن را از وسط تا کنید. کاغذ چند قسمت شد؟

یک قسمت را رنگ کنید.

کاغذ را دوباره از وسط تا کنید. یک بار دیگر هم

آن را از وسط تا کنید.



## فعالیت

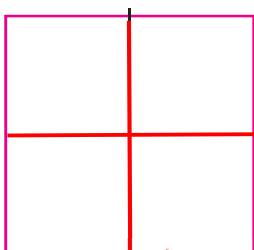
### ۸ قسمت مساوی

حالا کاغذ به چند قسمت مساوی تقسیم شده است؟

چند قسمت آن رنگ شده است؟

### ۴ قسمت از ۸ قسمت مساوی رنگ شده است

۲- وسط ۳ ضلع دیگر مربع را بدون استفاده از خط کش پیدا کنید.

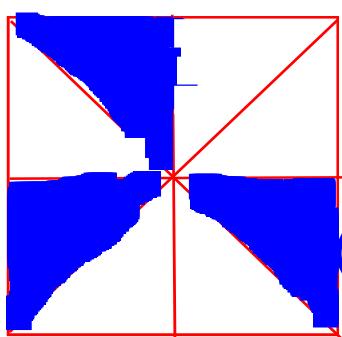


حالا با خط کش وسط ضلعهای رو به رو را به یکدیگر وصل کنید.

### ۴ قسمت مساوی

گوشه های مربع را به هم وصل کنید. حالا شکل به چند قسمت مساوی تقسیم شده است؟

### ۸ قسمت



۳ قسمت از مربع را رنگ کنید و جمله‌ی زیر را کامل کنید.

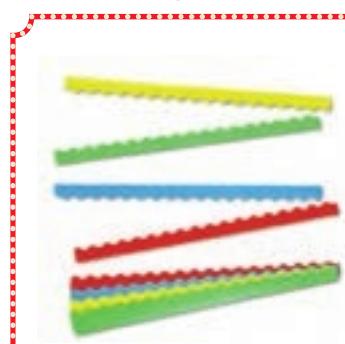
۳ قسمت از ۸ قسمت های مساوی رنگ شده است.

در ریاضی، ۳ قسمت از ۸ قسمت مساوی را یک کسر می‌گویند.

به همین ترتیب ۲ قسمت از ۷ قسمت مساوی نیز یک کسر است.

آیا ۱ قسمت از ۹ قسمت مساوی هم یک کسر است؟

## خلق باش



یک نوار کاغذی باریک را با تا کردن به دو نیم تقسیم کنید.

سپس هر کدام را دوباره به دو نیم تقسیم کنید. نوار کاغذی حالا به چند تکه تقسیم شده است؟

دوباره هر قسمت را به دو نیمه تقسیم کنید. نوار کاغذی به چند قسمت تقسیم شده است؟

۳ تا از قسمت های کوچک را رنگ کنید. چند تا رنگ نشده، باقی مانده است؟



## کار در کلاس

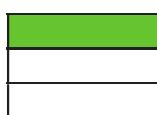
۱- جاهای خالی را کامل کنید.



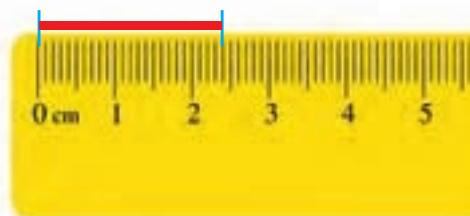
۱ قسمت از ۴ قسمت مساوی رنگ شده است.



۲ قسمت از ۴ قسمت مساوی رنگ شده است.

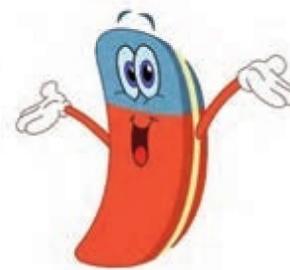
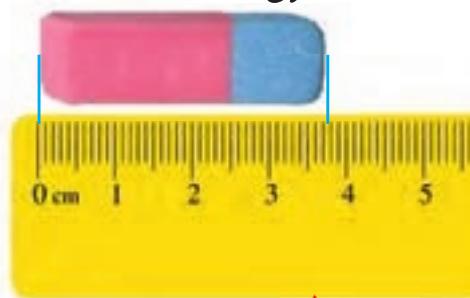


۳ قسمت از ۳ قسمت مساوی رنگ شده است.

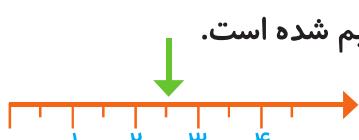


۲- جمله ها را کامل کنید.

اندازه‌ی خط ۲ سانتی‌متر و ۵ قسمت از ۱۰ قسمت مساوی است.



اندازه‌ی طول پاک کن ۳ سانتی‌متر و ۸ قسمت از ۱۰ قسمت مساوی است.



۳- در این محور هر واحد محور به ۲ قسمت مساوی تقسیم شده است.

نقطه‌ی مشخص شده ۲ واحد و ۱ قسمت از ۲ قسمت مساوی را نشان می‌دهد.



۴- در این محور هر واحد به ۳ قسمت مساوی تقسیم شده است.

نقطه‌ی مشخص شده ۱ واحد و ۲ قسمت از ۳ قسمت مساوی را نشان می‌دهد.

۱- برای شکل‌هایی که قسمت‌های مساوی دارند، جملات را مانند نمونه کامل کنید.



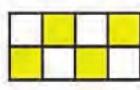
۱ قسمت از ۴ قسمت مساوی  
رنگ شده است



۱ قسمت مساوی  
رنگ شده است



۲ قسمت از ۳ قسمت مساوی  
رنگ شده است



۲ قسمت از ۹ قسمت مساوی  
رنگ شده است



۲ قسمت از ۳ قسمت مساوی  
رنگ شده است



۲- با توجه به پرچم جمهوری اسلامی ایران جمله‌ها را کامل کنید.



۱ قسمت از ۳ قسمت مساوی پرچم سبز است.  
۲ قسمت از ۳ قسمت مساوی پرچم قرمز است.

۳- عدد ۲۷ در شکل زیر نشان داده شده است.

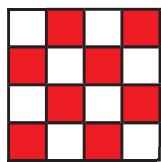


۲۷ یعنی ۲ ده‌تایی و ۷ قسمت از ۱۰ قسمت مساوی. به همین ترتیب جاهای خالی را برای عده‌های دیگر کامل کنید.

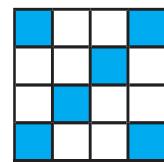
۴۹ یعنی ۴ ده‌تایی و ۹ قسمت از ۱۰ قسمت مساوی.

۷۴ یعنی ۷ ده‌تایی و ۴ قسمت از ۱۰ قسمت مساوی.

۴- در مورد هر شکل جملات را کامل کنید.



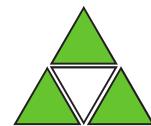
۱۶ قسمت از ۱۶ قسمت مساوی رنگ شده است



۱۶ قسمت از ۱۶ قسمت مساوی رنگ شده است



۱۲ قسمت از ۱۲ قسمت مساوی رنگ شده است



۱۶ قسمت از ۱۶ قسمت مساوی رنگ شده است

۱- قد رضا ۱۴۷ سانتی متر است. حمید ۱۱ سانتی متر از او کوتاه‌تر است. قد حمید چند سانتی متر است؟  
 برای فهمیدن راه حل مسئله بهتر است عدهای تقریبی را درنظر بگیرید. به جای ۱۴۷ عدد ۱۵۰ و به جای ۱۱ عدد ۱۰ را درنظر بگیرید. یک بار دیگر مسئله را با این عدها بخوانید. برای پیدا کردن اندازهی قد حمید باید عمل جمع را انجام دهید یا تفریق؟ **باید تفریق کرد**  $150 - 10 = 140$ . هم کم میکنیم حالا که راهبرد را متوجه شدید به جای اعداد تقریبی اعداد واقعی را می‌گذاریم. از هم کم میکنیم  $147 - 11 = 136$ .

**قد حمید ۱۳۶ سانتی متر است**

۲- قد مهران ۱۵۳ سانتی متر است. خواهرش ۱۳ سانتی متر از او بلندتر است. قد این دو نفر روی هم چند سانتی متر است؟



$$\begin{array}{r} + 153 \\ 13 \\ \hline 166 \end{array}$$

قد خواهر مهران  
سانتی متر است

$$\begin{array}{r} 1 \\ | \\ 2 \\ + 166 \\ 153 \\ \hline 319 \end{array}$$

قد دو نفر باهم ۳۱۹ سانتی متر است

**خلق باش**

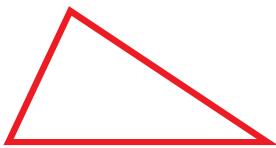
دو نوار کاغذی هم اندازه درست کنید. یکی را به ۴ قسمت مساوی و دیگری را به ۸ قسمت مساوی تقسیم کنید. با رنگ کردن، ۳ قسمت از ۴ قسمت مساوی و ۷ قسمت از ۸ قسمت مساوی را نشان دهید.  
 در کدام شکل مقدار رنگ شده بیشتر است؟



گاهی برای رسیدن به راه حل مسئله می‌توان عدهای مسئله را کوچک‌تر یا به صورت تقریبی (شکل ساده‌تر عدد) درنظر گرفت.

# حل مسئله‌ی ساده تر

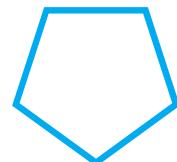
۱- آیا تعداد گوشه‌های یک ۱۰۰ ضلعی بیشتر از تعداد گوشه‌های یک ۹۹ ضلعی است؟  
به جای پاسخ دادن به این سؤال می‌توانید سه ضلعی، ۴ ضلعی و ۵ ضلعی را بررسی کنید.



تعداد گوشه: ۳ گوشه



تعداد گوشه: ۴ گوشه



تعداد گوشه: ۵ گوشه

با توجه به شکل‌های بالا آیا می‌توان گفت هر چه تعداد ضلع‌ها بیشتر شود، تعداد گوشه‌ها هم بیشتر می‌شود؟ **بله**

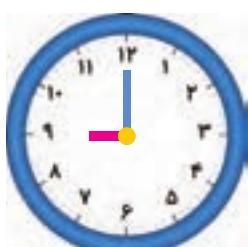
با توجه به سؤال بالا آیا لازم است یک ۱۰۰ ضلعی یا ۹۹ ضلعی رسم کنید؟

خیر. چون متوجه شدیم که تعداد گوشه‌های ۱۰۰ ضلعی بیشتر از تعداد گوشه‌های ۹۹ ضلعی است

کامل کن

۹ است ساعت چند است؟

اگر عقربه‌ی بزرگ ۱۵ دقیقه حرکت کند، مقدار چرخش عقربه‌ی بزرگ چند قسمت از صفحه‌ی ساعت است؟ **یک قسمت از ۴ قسمت مساوی** با رنگ کردن نشان دهید.



ساعت چند است؟ ۱۰ و ۱۰ دقیقه

اگر عقربه‌ی بزرگ ۱۵ دقیقه بچرخد، آن را رنگ کنید و بگویید مقدار چرخش آن چند قسمت از صفحه‌ی ساعت است؟

**یک قسمت از ۴ قسمت مساوی**

گاهی اوقات برای پاسخ دادن به یک مسئله می‌توان مسئله‌ای ساده شده و مرتبط با آن را جواب داد و به کمک آن پاسخ مسئله‌ی اصلی را نیز پیدا کرد.

فعالیت این صفحه را حتما باید دانش آموز در خانه انجام دهد

## مفهوم احتمال

- ۱- یک کيسه بردارید. داخل آن ۵ مهره‌ی قرمز و یک مهره‌ی سفید قرار دهید.  
اگر بدون نگاه کردن به داخل کيسه یک مهره دریاوریم، فکر می‌کنید چه رنگی باشد؟ چرا؟

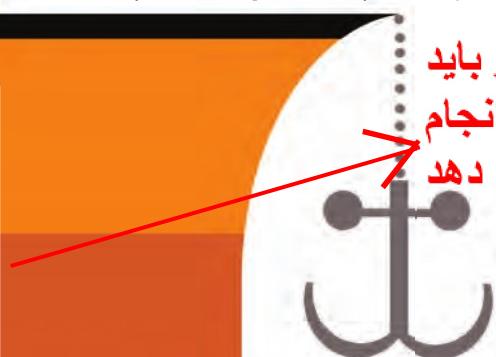
**مهره‌ی قرمز. چون تعداد آنها بیشتر است**

- ۲- همین کار را ۵ بار انجام دهید و جدول زیر را کامل کنید.  
هر بار یک مهره درآورید و رنگ آن را با علامت **X** مشخص کنید  
و دوباره مهره را داخل کيسه قرار دهید.



### فعالیت

دفعه	اول	دوم	سوم	چهارم	پنجم
مهره‌ی قرمز					
مهره‌ی سفید					



خود دانش آموز باید  
این فعالیت را انجام

دهد

۳- جدول خود را با جدول دوست خود مقایسه کنید. آیا جدول‌ها مثل هم هستند؟

**خیر. ولی شباهت زیادی با هم دارند**

۴- اگر یک بار دیگر آزمایش را انجام دهید، آیا جدولی مثل جدول بالا به دست می‌آید؟  
ممکن است ولی احتمال آن هاکم است چون تعداد حالت‌های مختلفی می‌توانیم داشته باشیم  
این آزمایش را دوباره تکرار و جدول را کامل کنید.

دفعه	اول	دوم	سوم	چهارم	پنجم
مهره‌ی قرمز					
مهره‌ی سفید					



۱- در داخل کیسه ۴ مهره‌ی قرمز و ۲ مهره‌ی سفید و ۱ مهره‌ی آبی قرار دهید. اگر بدون نگاه کردن در داخل کیسه یک مهره در بیاورید، فکر می‌کنید چه رنگی باشد؟ **چون**

**تعداد مهره‌های قرمز بیشتر است احتمال بیرون آمدن مهره قرمز بیشتره**  
اگر ۱۵ دفعه این آزمایش را انجام دهیم و جدول را کامل کنیم، فکر می‌کنید کدام رنگ بیشتر علامت می‌خورد؟ **مهره قرمز**

آزمایش را ۱۵ بار انجام دهید و جدول زیر را کامل کنید. آیا پاسخ‌های شما درست بود؟ **بله**

دفعه	اول	دوم	سوم	چهارم	پنجم	ششم	هفتم	هشتم	نهم	دهم	یازدهم	دوازدهم	سیزدهم	چهاردهم	پانزدهم	
																مهره‌ی قرمز
																مهره‌ی سفید
																مهره‌ی آبی

### این آزمایش را حتما انجام بد

۲- در داخل کیسه ۵ مهره‌ی قرمز و ۵ مهره‌ی آبی انداخته‌ایم. اگر از داخل کیسه بدون نگاه کردن یک مهره بیرون بیاوریم، شناسن کدام رنگ بیشتر است؟ چرا؟

**هردو رنگ شناس برابر دارند چون تعداد آنها مساوی است**

**خلق باش**

کدام یک از پرچم‌های زیر به قسمت‌های مساوی تقسیم شده است؟



پاکستان



عراق

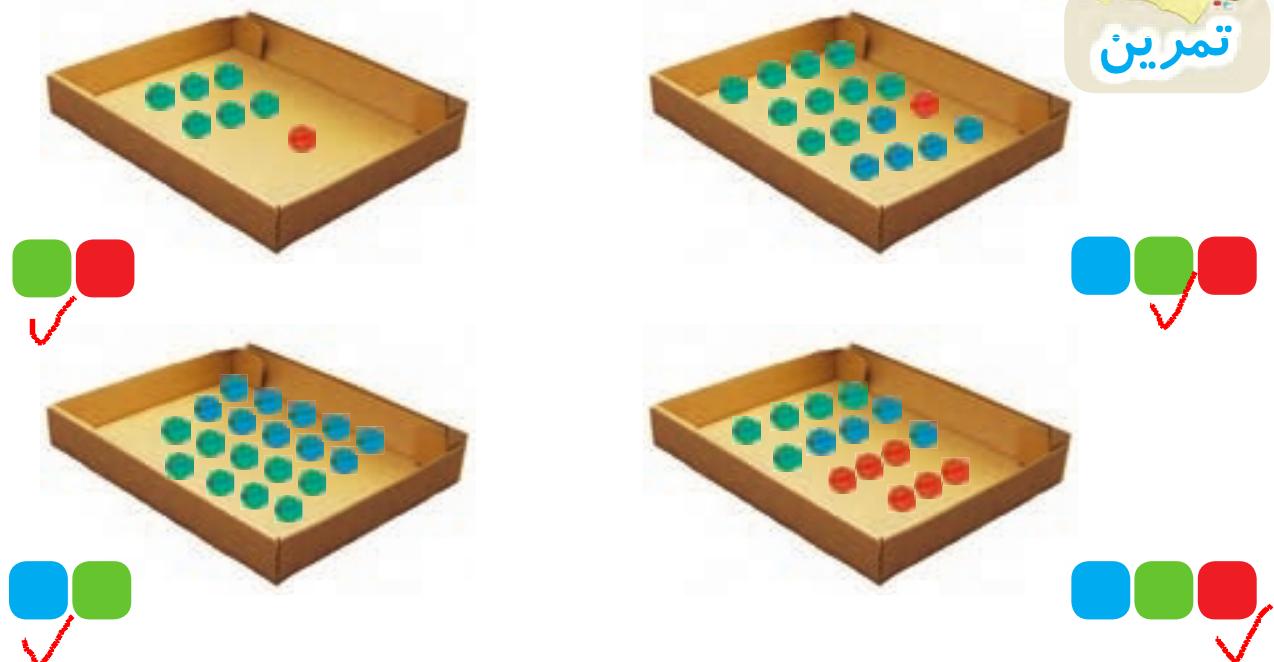


مالزی



سوریه

۱- داخل هر جعبه تعدادی مهره به رنگ‌های مختلف است. اگر بدون نگاه کردن به داخل جعبه‌ها یک مهره در بیاوریم، شанс کدام رنگ بیشتر است؟ با **X** مشخص کنید.



۲- در یک کیسه ۱۰ مهره است. ۶ تا از آن‌ها قرمز و ۴ تای دیگر سفید است. جملات زیر را در مورد آن‌ها کامل کنید.

مهره از ۱۰ مهره، سفید است.  
مهره از ۱۰ مهره، قرمز است.

اگر یک مهره از کیسه در آوریم، شанс این که قرمز باشد بیشتر است یا سفید؟  
**چرا؟ قرمز. چون تعداد مهره‌های قرمز بیشتر است**

## احتمال و کسر



۱- یک صفحه‌ی چرخنده مثل شکل زیر رنگ شده است. وقتی صفحه را می‌چرخانیم، پس از مددتی می‌ایستد. عقره‌ی آن روی یک رنگ قرار می‌گیرد.



### فعالیت

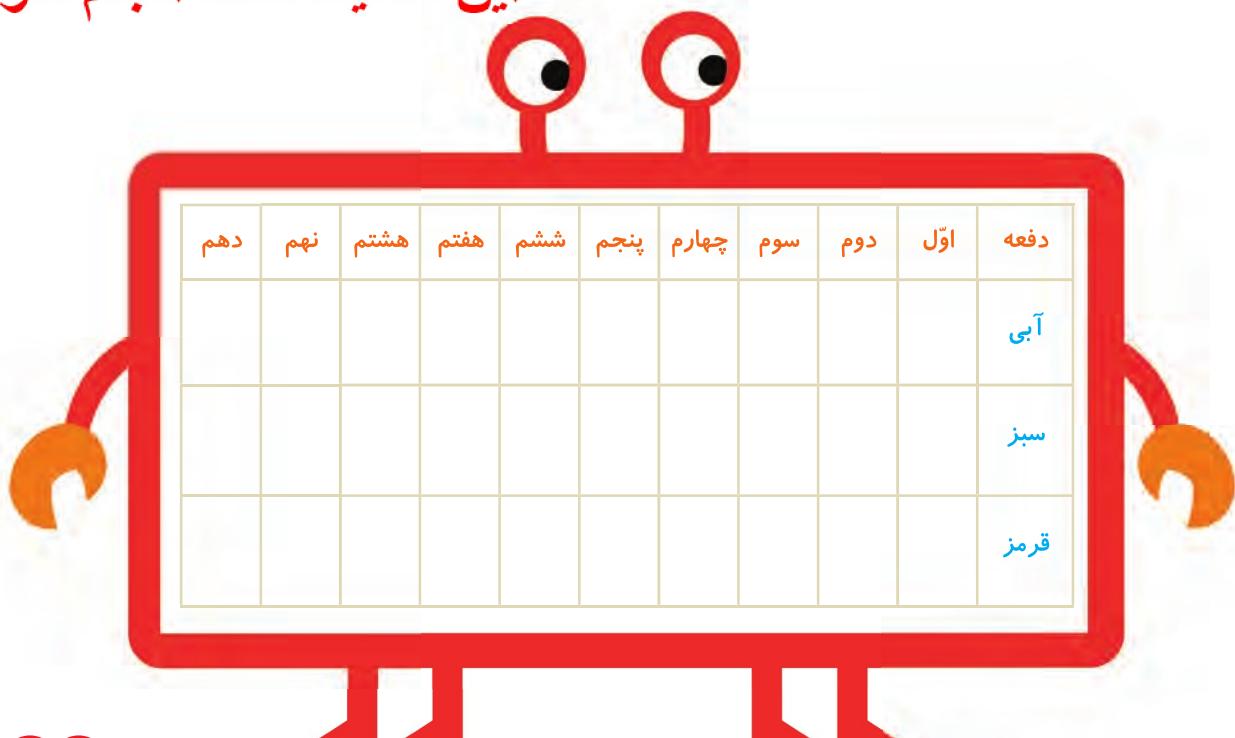


چند قسمت از کل صفحه به رنگ آبی است؟ **۴ قسمت از ۸ قسمت**  
چند قسمت از کل صفحه به رنگ سبز است؟ **۳ قسمت از ۸ قسمت**

اگر صفحه را بچرخانیم، بعد از این‌که از چرخش ایستاد، عقره‌ی به احتمال بیشتر روی کدام رنگ می‌ایستد؟  
با احتمال کمتر روی کدام رنگ می‌ایستد؟ **رنگ قرمز**

۲- یک صفحه‌ی چرخنده مثل شکل بالا با مقوا و سوزن درست کنید. آن را ۱۰ مرتبه بچرخانید و جدول زیر را کامل کنید.

**این فعالیت حتماً انجام شود**





## کار در کلاس



۱- یک صفحه‌ی چرخنده به صورت شکل روبرو رنگ شده است.

چند قسمت از کل شکل آبی است؟ ۳ قسمت از ۸ قسمت

چند قسمت از کل شکل قرمز است؟ ۵ قسمت از ۸ قسمت

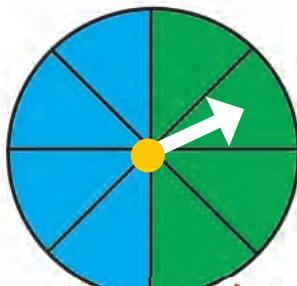
احتمال این که پس از چرخش صفحه و ایستادن آن، عقربه روی قسمت آبی باشد بیشتر است یا قرمز؟ **قرمز**



**چون تعداد**

احتمال ایستادن عقربه روی کدام رنگ بیشتر است؟ چرا؟ **هردو برابر است. پس احتمال ایستادن عقربه روی هردو رنگ با هم برابر است**

۲- یک صفحه‌ی چرخنده به صورت شکل روبرو رنگ شده است. جمله‌ها را کامل کنید.



قسمت از ۸ قسمت شکل آبی است.

قسمت از ۸ قسمت شکل سبز است.

احتمال ایستادن عقربه روی کدام رنگ بیشتر است؟ چرا؟

**احتمال ایستادن روی هردو رنگ با هم برابر است. چون تعدادشان برابر است**

## کامل کن

مانند نمونه کامل کنید.



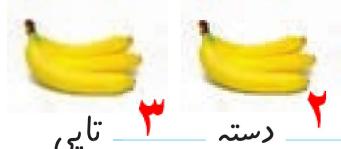
۲ دسته ۵ تایی



۹ تایی ۲ دسته

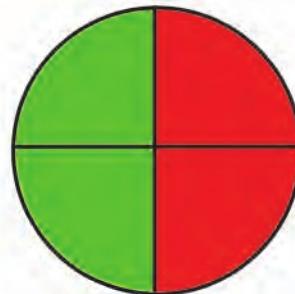
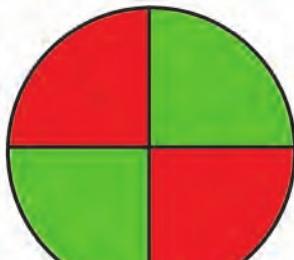


۲ دسته ۲ تایی



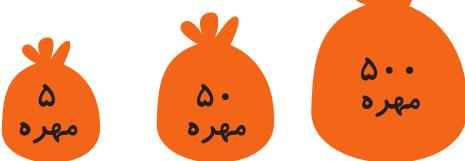
۳ تایی ۲ دسته

۱- یک هدف تیراندازی مثل شکل‌های زیر درست شده است.



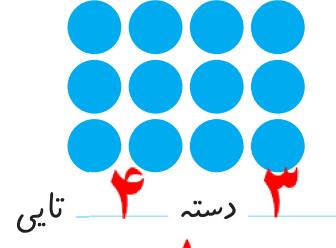
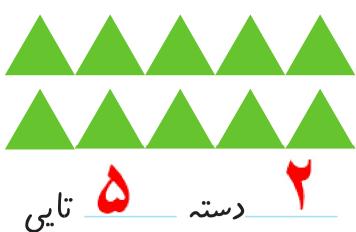
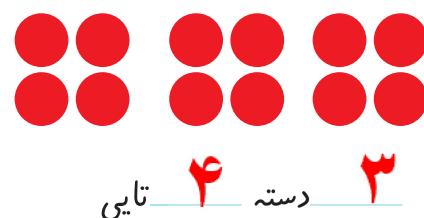
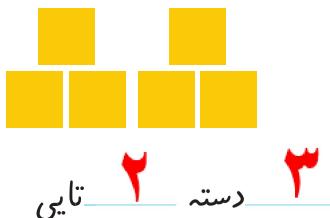
الف) چند قسمت از هدف سبز است؟ **۲ قسمت از ۴ قسمت**  
چند قسمت از هدف قرمز است؟ **۱ قسمت از ۴ قسمت**

ب) در کدام حالت احتمال این که تیری به قسمت قرمز بخورد، بیشتر است؟ چرا؟  
**احتمال هر دو مساوی است چون ۲ قسمت از ۴ قسمت در هردو مساوی است**  
۲- در داخل هر کیسه، یک مهره‌ی سیاه وجود دارد و بقیه‌ی مهره‌ها سفید است. اگر بدون نگاه کردن به داخل کیسه‌ها یک مهره از داخل آن‌ها بیرون بیاوریم، در کدام یک شانس بیرون آمدن مهره‌ی سیاه بیشتر است؟ چرا؟  
**کیسه‌ای که دارای ۵ مهره است. چون تعداد مهره‌های سفید کمتر است**



**کامل کن**

با توجه به شکل کامل کنید.



**پا**

**۴ دسته ۳ تایی**

## مرور فصل

### فرهنگ نوشتن

چگونه می‌توانیم یک کاغذ را با تا کردن به ۴ قسمت مساوی تقسیم کنیم؟ مراحل کار را بنویسید.

### اول کاغذ را از وسط به دونیم تا می‌کنیم

### بعد کاغذ را دوباره از وسط تا می‌کنیم

حالا نوشته‌ی خود را برای یک نفر بخوانید. او فقط تمام کارهایی را که شما نوشته‌اید، انجام دهد. آیا کاغذ به ۴ قسمت مساوی تقسیم شد؟

### بله ۴ قسمت مساوی تقسیم شده است



### تمرین

۱- با خط کش اندازه‌گیری و جملات را کامل کنید.



اندازه‌ی طول خودکار: ۱۰ سانتی‌متر و ۵ قسمت از ۱۰ قسمت مساوی است.



اندازه‌ی خط: ۵ سانتی‌متر ۴ قسمت از ۱۰ قسمت مساوی است.

۲- برای هر شکل جملات را کامل کنید.



قسمت از ۱۲ قسمت دایره رنگ شده است



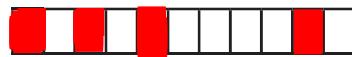
قسمت از ۲ قسمت دایره رنگ شده است



قسمت از ۴ قسمت دایره رنگ شده است

۱۲۳

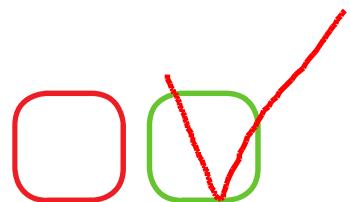
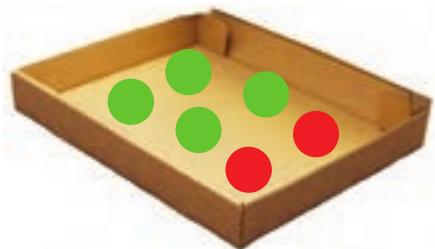
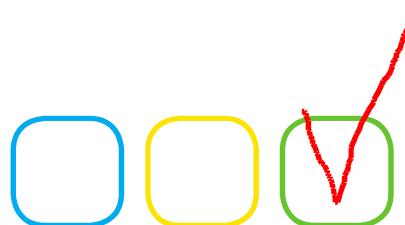
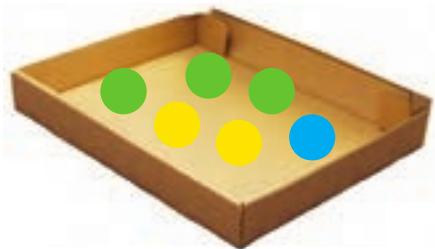
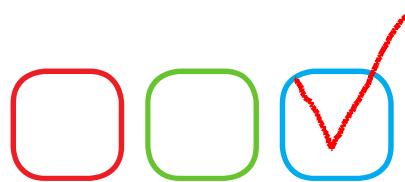
۳- به اندازه‌ای که در هر جمله نوشته شده، از شکل‌ها رنگ کنید.



۱ قسمت از ۴ قسمت مساوی

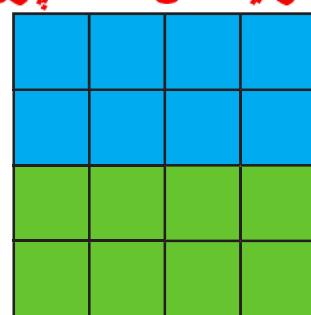
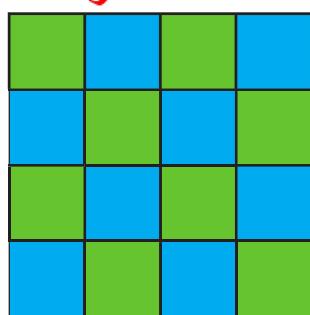
۵ قسمت از ۱۱ قسمت مساوی

۴- در هر جعبه ۶ گوی مثل هم به رنگ‌های مختلف وجود دارد. اگر بدون نگاه کردن به آن یک گوی برداریم، شانس کدام رنگ بیشتر است؟ با مشخص کنید.



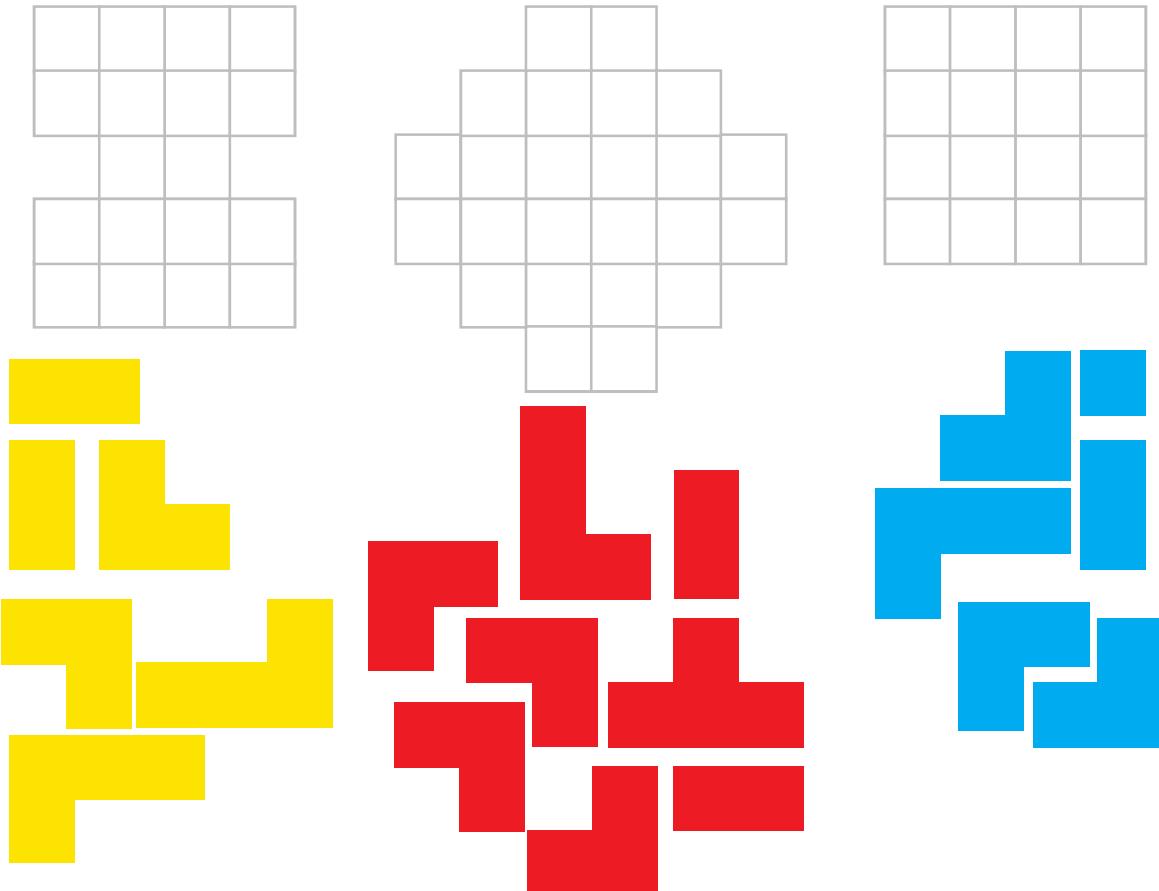
۵- در کدام هدف تیر با شانس بیشتر به رنگ آبی برخورد می‌کند؟ چرا؟

هدف اول: احتمال برخورد در هردو یکسان است چون در هردو هدف ۸ خانه از ۱۶ خانه آبی است  
هدف دوم:



قطعاتی را که در زیر هر شکل کشیده شده است، در آن شکل پیدا و با استفاده از رنگ‌های مختلف مشخص کنید.

قطعه‌ها را نمی‌توانید بچرخانید. فقط به بالا و پایین یا به چپ و راست حرکت دهید.



## فرهنگ خواندن

فرهاد برای حل مسائل ریاضی احتیاج به کمک و راهنمایی داشت. او نمی‌خواست در زنگ‌های تفریح مزاحم استراحت معلم کلاسی‌هایش بخواهد تا او را در درس ریاضی کمک کند. او حمید را برای این کار انتخاب کرد. چون حمید پسر با ادب و خوشروی بود و درس ریاضی را خوب توضیح می‌داد. فرهاد و حمید قرار گذاشتند در زنگ تفریح درس ریاضی را با هم مرور کنند. فرهاد از این که به کمک حمید ریاضی خود را بهتر کرده بود. بسیار خوش حال بود. او قادران زحمات حمید بود.